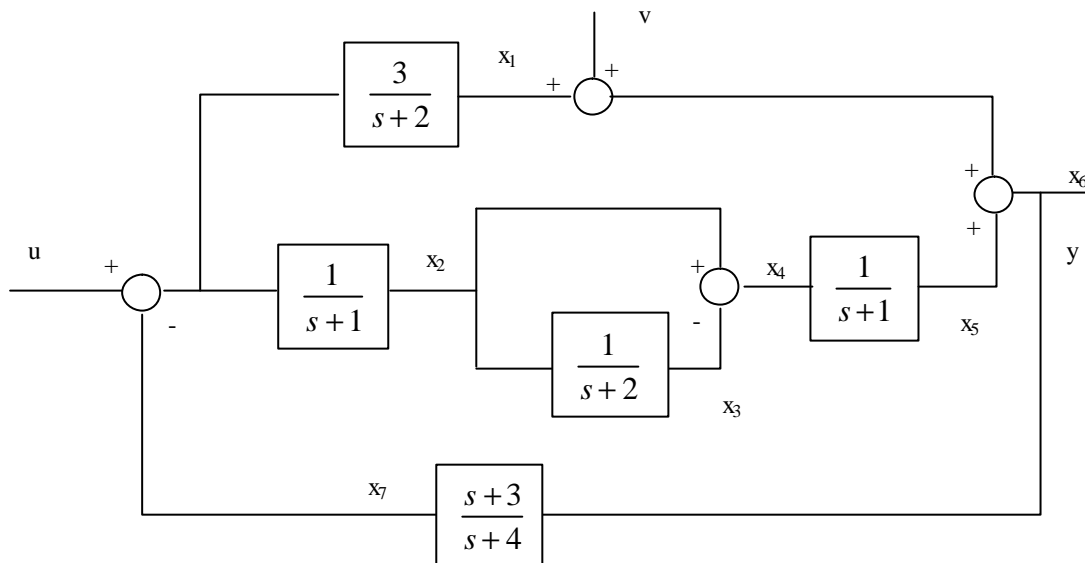


**EXAMEN DE SISTEMAS ELECTRÓNICOS DE CONTROL**

(2ª Parte) Junio 2002

**Problema 1**



Para el sistema representado por el diagrama de bloques indicado, se pide:

- Razonar brevemente si pueden ser variables de estado por separado las variables:  $x_1, x_2, x_3, x_4, x_5, x_6, x_7$ .  
(0,5 puntos)
- Razonar brevemente si pueden ser variables de estado en conjunto las variables siguientes:  $(x_1, x_2, x_3, x_4, x_5)$ .  
(1 punto)
- Obtener el modelo de estado utilizando, como variables de estado, el mayor número posible de las variables siguientes:  $(x_1, x_2, x_4, x_5, x_6, x_7)$ .  
(2 puntos)



d) Razonar si son controlables con la entrada ( $\mathbf{u}$ ) las siguientes variables de estado:

d.1)  $(x_1, x_2)$

d.2)  $(x_1, x_4)$

(2 puntos)

e) Razonar si son controlables con las dos entradas entrada ( $\mathbf{u}, \mathbf{v}$ ) las siguientes variables de estado:  $(x_1, x_4)$

(1 punto)

f) Obtener las ecuaciones de estado del subsistema controlable y observable.

(3 puntos)

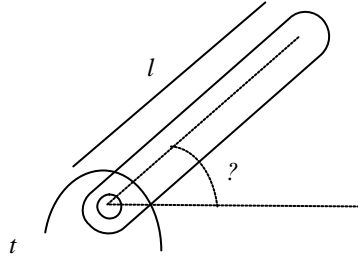
g) Representar gráficamente los diferentes subsistemas.

(0,5 puntos)



## Problema 2

Considérese el siguiente robot compuesto de una sola articulación:



El modelo dinámico simplificado lineal correspondiente al robot anterior viene dado por la siguiente ecuación:

$$J\ddot{q}(t) + b\dot{q}(t) = t(t)$$

donde  $J = \frac{1}{3}ml^2$  es la inercia del elemento,  $b$  es el coeficiente de rozamiento viscoso,  $l$  es la longitud del elemento,  $m$  es la masa del elemento,  $t(t)$  es el par de control aplicado y  $q(t)$  representa la posición angular de la articulación.

Se pide:

- a) Obtener el diagrama de bloques del sistema indicado anteriormente. A partir del diagrama de bloques obtener el modelo de estado considerando como variables de estado las variables  $x_1$  (posición angular) y  $x_2$  (velocidad angular).

(2 puntos)

- b) Se desea realizar un control por computador para el sistema propuesto de forma que la posición del robot siga la referencia introducida eliminando el error en régimen permanente a la vez que se ubican los polos del sistema. Indicar el esquema de control a emplear.

**Nota:** El esquema propuesto debe eliminar el error en régimen permanente de forma robusta debiendo utilizar el propio integrador del sistema (no debe añadirse ningún integrador adicional)

(2 puntos)

- c) Realizar el cálculo del esquema de control diseñado anteriormente para que la respuesta del sistema sea críticamente amortiguada y el tiempo de establecimiento sea aproximadamente de 0.4 segundos. Considérense los siguientes valores de los parámetros del modelo:



$$\begin{aligned}
 m &= 1 \text{ kg} \\
 l &= 0.2 \text{ m} \quad T = 0.01 \text{ s} \\
 b &= 2 \text{ Nms}
 \end{aligned}
 \tag{6 puntos}$$

**FORMULARIO:**

**Tiempo de establecimiento** para un sistema continuo de segundo orden críticamente amortiguado ante

entrada escalón:  $t_s \approx \frac{4,73}{\sigma} \quad (\zeta = 1)$

$$T^2 \cdot \frac{d^2 y(t)}{dt^2} + 2 \cdot a \cdot T \cdot \frac{d y(t)}{dt} + y(t) = K \cdot y(t) \quad K, T, a > 0 \quad \Rightarrow$$

$$\Rightarrow G(s) = \frac{K}{1 + 2 \cdot a \cdot T \cdot s + T^2 \cdot s^2} = \frac{K \cdot \omega_n^2}{s^2 + 2 \cdot \zeta \cdot \omega_n \cdot s + \omega_n^2}$$

$\zeta = \cos \theta \quad (0 < \zeta \leq 1) \rightarrow$  Coeficiente de amortiguamiento

$\omega_n \rightarrow$  Frecuencia natural no amortiguada

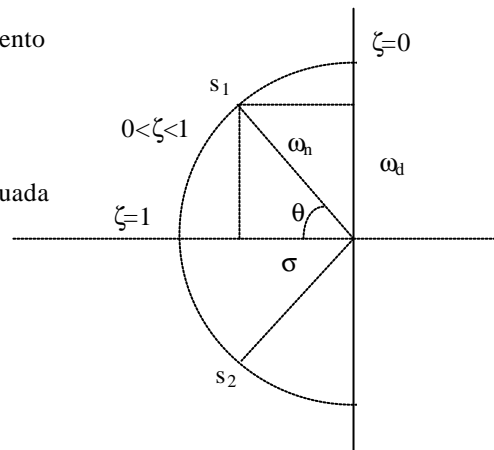
$\sigma = \zeta \cdot \omega_n \quad (0 < \zeta \leq 1) \rightarrow$  Factor de establecimiento

$\omega_d = \omega_n \cdot \sqrt{1 - \zeta^2} \quad (0 < \zeta \leq 1) \rightarrow$  Frecuencia amortiguada

Polos del sistema

$$s_{1,2} = -\sigma \pm j \cdot \omega_d \quad (0 < \zeta \leq 1)$$

$$s_{1,2} = -\zeta \omega_n \pm \omega_n \sqrt{\zeta^2 - 1} \quad (\zeta > 1)$$



**Relación entre polos del sistema continuo y sistema discretizado:**

Polos del sistema discreto:  $z_r = e^{p_r T}$  ( $p_r$  polos del sistema continuo)

**Duración del examen: 2 horas y 15 minutos**

